

## في تعلم الرياضيات وتعليمها تغيير في الواقع... تغيير في القناعات

وائل كشك

" لا أحد يبدأ من الصفر . . . ما من تجربة بدأها العدم ، ولا فعل ينطلق من فراغ . . . قد تصغر في ذاتنا الأشياء وقد تكبر في ذات الأشياء . . . " .  
قالت معلمتني .

سرد تجربتي البحثية " رياضيات ذات معنى " يبدأ عند تخومِ الصفر ، حين كنت طالبًا ومعلمًا لمادة الرياضيات في المرحلة الثانوية . وعندما نعود بالذاكرة إلى الوراء ، ونعدو في ساحات المكان والزمان بحثاً عن الفضاء الضائع فيما ، ومع صعوبة التحرك في هذه الوحدة الفضائية الزمكانية ؛ إلا أن قليلاً من الخيال ، وبعضاً من الإرادة للتخلص من واقع ضاغط بالغ الكثافة والقليل ، سيجعلنا نتعثر بالآلاف التجارب التي تبدو نقاطاً وتنقاً في فضاء الحياة ؛ وهي أصغر من أن توقعها على قدر من الأهمية في لحظة حدوثها . قد تبدو معزولة ظاهرياً ، ولكنها تبقى تدور في أفلال الذكرة ، وتتجمع في لحظة زمنية من عمر الإنسان ، وتصبح في مجموعها " نقطة تحول " في حياتنا أو في عملنا أو في معتقداتنا ( ربما لأنها أصابت شيئاً فييناً أو أظهرت لنا شيئاً نبحث عنه ) . وكم تكون المتعة كبيرة عندما نفلح في جعل ما نذكره شيئاً يتحلى مجرد ما نذكر إلى حدث يُشكّل فرصة للتعلم . وحتى تكون الذكرى فرصة تعلم ، يجب أن نكتبه ، وعندما نكتبه نحذف عنها بعض تاريخها ونضيف إليها بعضًا من مستقبلها ، ولكن تبقى هذه الكتابة ضرورية لرد الموجة بين وعي الأشياء والصمت أمامها .

سهام لأنني كثيرةً ما كنت أخطئ في وضع الفاصلة في المكان الصحيح . صمت ، وقد اعتبرت صمتى الطويل إهانةً لها أو تعاليًّا عليها ، فأمرت رمزي أن يحضر العصا من غرفة المدير . لم يجدها ، فاضطر بدلًا منها منفاخ دراجة هوائية ضربتني به على أطراف أصابعه . عندما عدت إلى البيت كان الآخر قد غاب تمامًا ، وقد أحزنتني غياب الآخر ، ما عمق الألم في نفسي . في أواخر ذلك العام غابت المعلمة سهام أيام عدة ، وجاءت المعلمة نادية بديلة لها . نادية قامت بمراجعة الدروس السابقة ، بما فيها درس القسمة الطويلة . لم أكن أعرف وقها لماذا أحبت المعلمة نادية . بعد فترة عرفت ؛ لأنها أعطتنا درساً في القسمة بدون فاصلة !



واحدة من تلك المحطات العبورية هي سهام معلمة الرياضيات في الصف الخامس ، معلمة عصبية ، ملولة ، ودائمة الشكوى من كسل الطلاب ولا يبالاتهم بالرياضيات . كانت حين تشرح درساً تبدأ بكتابه سؤال وتحله بصورة مُفصّلة ، ثم تطلب من حل أسئلة تشبهه . وعندما كنا نسأل لماذا كذا وكذا تجيب بترفع : هيكل القانون هيكل الطريقة هيكل مكتوب في الكتاب ! أما إذا سألناها كيف ؟ فتسارع إلى وصف خطوات الحل بالتفصيل مرة ثانية ، ثم تطالعنا بمعرفة كل هذه التفاصيل ، وتحاسبنا عليها في وقت الامتحان . كثيراً ما كانت تقول : " إذا ما حفظتوا هذه الطريقة مش راح توصلوا للجواب الصحيح " .

- معلم الرياضيات في الصف العاشر كان من عادته صفع كل من يخطئ في طريقة حل مسألة ، أو كل من يصل إلى جواب خاطئ . في درس النسب المثلثية والتقديرات الدائرية بدا لي معلم الرياضيات يتحدث بلغة غريبة وملينة بالرموز ، وليس لها علاقة بالأشياء التي تعرفها . كتب على اللوح بعض القوانين والرموز ، وبين علاقتها بالأشياء التي تعرفها . سأله عماد عن أصل بعض المصطلحات كالجib وجيـb التمام ، ما شجعني أن أسأله لأن يحكـي لنا قصتها . فما كان منه إلا أن صاح : " هلقيـت وقت قصص وحـكيـفـيـ فـاضـيـ . . . خـلـيـ سـتـكـ تحـكـيـلـكـ إـيـاهـاـ . . . وـرـجـاءـ ماـ بـدـنـاشـ فـلـسـفـةـ . . . هـذـهـ حـصـةـ رـيـاضـيـاتـ وـعـلـمـ مـشـ حـصـةـ قـصـصـ وـتـضـيـعـ وقتـ" . . . ثم كتب سؤالاً على اللوح وطلب مني حلـهـ . . . خـرـجـتـ إلىـ اللـوـحـ وـبـدـأـتـ بـحـلـ السـؤـالـ ، فإذاـ أـخـطـأـتـ بـعـمـلـيـةـ حـسـابـيـةـ صـفـعـيـ علىـ وـجـهـيـ ، وإذاـ قـمـتـ بـخـطـوةـ لـاـ يـتوـقـعـهـاـ هوـ فـالـصـفـعـةـ عـلـىـ رـقـبـتـيـ ، وإذاـ سـأـلـنـيـ عـنـ قـانـونـ لـاـ أـتـذـكـرـهـ لـكـزـنـيـ بـالـعـصـاـ . تـكـرـرـ هـذـاـ فـيـ مـعـضـمـ

في أحد دروس القسمة أعطتنا خوارزميات القسمة الطويلة . بدت لي في حينها إجراءات طويلة بلا معنى . ذات يوم ، وبختني المعلمة

ما معنى عدم وجود حقائق مطلقة في الرياضيات؟ ... هل يمكن مثلاً أن يكون جواباً صحيحاً في سياق ما وخطأ في سياق آخر؟ هل تحتمل الرياضيات التناقض؟ هل يمكن للواحد أن لا يساوي الواحد؟ هل الفيل الواحد مثل الفيروس الواحد؟ هل المسافة بين الماضي والحاضر هي نفسها بين الحاضر والمستقبل (خيال لي لفترة من الزمن أن هذه المسافة في الحالتين غير متناهية وتدعى أفكاري لأسأل نفسي ماذا يعني غير متناه؟ وتعمق تفكيري، وحدست أن هناك غير متناه في الكبر لا يساوي غير متناه في الكبر آخر، ولكن ما هي الأشياء غير المتناهية في الكبر؟ وما دام هناك غير متناه في الكبر إذن هناك أشياء غير متناهية في الصغر؟ وقد تصدع رأسي في التفكير بالاثنين معاً، وعندما كنت أسأل أحدهم تكون الإجابة من قبيل : الأشياء المتناهية في الكبر هي النجوم وال مجرات، والأشياء المتناهية في الصغر هو الإنسان في هذا العالم أو حبة التراب أو سترعر عندما تدرس رياضيات أو فزياء في الجامعة .. الخ).

حين ارتحلت إلى الجامعة بكل هذا الإرث الإشكالي وكل هذه الأسئلة حول الرياضيات ومعناها، تخصصت في الرياضيات؛ لا رغبة في استدراك إجابات عن أسئلة شغلتني، وإنما لأن معدلي بالمفهوم الاجتماعي يؤهلني لمهمة من هذا العيار الثقيل، مع أن هاجس دراسة الأدب كان يستحوذ على تفكيري وقتذاك. في الجامعة بدأت أتلمس انغلاق الموضوعات الرياضية والعلمية عموماً على النظري والمجرد، وانحصار التعليم في اليقيين والمطلق وغياب السياق، وبدأ لي المنطق الرياضي بنوره الشديد يحيي كل منطقة ظليلة أو حافة غامضة تقبل التناقض أو تسامح مع الاليقين، كما بدت لي الرياضيات وعلوم الطبيعة أبعد من أن تطالها عواطف الإنسان وثقافته، وقد تمنيت أن أرى مثلاً في مساق الهندسة الفراغية شيئاً عن الفلك. ليس فقط وصفاً لأشكال وعرضًا لمعادلات قوى الجاذب والدوران، بل أيضاً وصف لكييماء العقل وفلك النفس والوجدان. وسرعان ما اكتشفت أن تخصص الرياضيات لا يُنسّبني. ولكن التحويل إلى كلية الآداب يعني من وجهة نظر بعضهم هبوطاً من تخصص صلب منبع إلى تخصص رخو، بما يحمل ذلك من مواضعات اجتماعية. وبقيت في حصن الرياضيات المنبع.

(كم تمنيت وقتذاك أن يكون هناك تخصص يجمع الرياضيات بالأداب ... يجمع بين تخصص الرياضيات كأقصى حدود التمثيل التجريدي واليقين، وبين الأدب حيث الوجود لغة تحمل كل لايقيناتها!).

امتهنت مهنة التعليم، وبيدو أن تأثير المدرسة والجامعة لا يكمن في المادة التي تعلمها بقدر ما يمكن في فرض التعود على نموذج محدد من التفكير والسلوك، وقد تعودت على ممارسات أقرب لتلك التي كان يمارسها معلمونا في المدرسة والجامعة، فحصر الرياضيات في النظريات والقوانين والأسئلة المجردة، وزرع المفاهيم من السياق، والقيام بجزئية المادة وتبسيطها، والبالغة في الدقة والتفاصيل، كانت في مستوى القانون الطبيعي بالنسبة لي، وبخاصة في بدايات عملي، وكثيراً ما كنت أقف عاجزاً أمام أسئلة من نوع لماذا، وأستحسن أسئلة من نوع كيف، وكانت أسئلة مثل: من أين جاء هذا القانون أو ما قصة هذه النظرية؟ ما معنى هذا القانون؟ إلى متى يبقى هذا الجواب صحيحاً؟ ما الذي جعل فلان يفكر في هذا البرهان؟ ... مثل هذه الأسئلة كانت تستفزني وترفع من

حصص الرياضيات. بالنسبة لي بـ لفترة طويلة لا أشعر بجسدي إلا حين أخطيء، وقلّ كرهت جسدي، وبقيت فترة لم أعد فيها مبالياً بشيء حتى عندما أتعثر أحمل خطواتي خطأ حساباتي.

- في أيام دراستي في المدرسة كان يشدني ويلفت انتباهي بعض ما كان يكتبه الأستاذ منير فاشة في مجلة "نشرة في الرياضيات" ، التي كانت تصدر عن لجنة تطوير الرياضيات المدرسية في السبعينيات، مع أنني لم أكن أفهم كل ما يكتب، ولكن شعرت أن ما يكتبه يكسر المألوف :

■ إن الرياضيات المعروضة للبيع في الكتب المنهجية هي هيكل فقد روحه. هي تماماً كالاصنام المعروضة في واجهة المحال التجارية: فعلى الرغم من أن مقاييسها نموذجية ولها الكثير من الصفات المحببة، فإنها تفتقر إلى الروح والحياة. هدفنا أن تُصبح الرياضيات بعد عشر سنوات أو عشرين سنة شيشة للأطفال مثل قصصهم ... هدفنا أن يحكى لها الآباء والأمهات لأطفالهم قبل النوم، وعندما يلعبون معهم ... هدفنا أن يعرف الصغير ابن الثامنة عن موضوع واحد على الأقل أكثر من والديه ومعلميه".

■ كنت مخططاً حين اعتقدت أن الرياضيات موضوع محابي لا علاقة له بالسلطة ولا بالحضارة. يجب أن نتبه في دول العالم الثالث من السير في الطريق الذي ساره الغرب من تمجيد المعرفة المنعزلة عن الحضارة والذات والمشاعر ... لهذا يجب أن يكون تعليم الرياضيات مفتوحاً، وإعادة تقييف المعلم وليس تدريبه هي الشرط الأهم في ذلك".

■ حتى في الرياضيات لا توجد حقائق مطلقة، والذي يحدد الحقيقة هو السياق ... مثلاً، واحد لا يساوي واحداً، والذي يحدد صحة هذه العبارة هو السياق، فتفاحة جيدة لا تساوي تفاحة خربانة ... إن تدريس الرياضيات بمعزل عن الحياة دون سياقات حقيقة يعطي نوعاً من الأمان، ولكن في الوقت نفسه يُكسر العزلة... إن الأفكار والنظريات التي تدرس بشكل مجرد أو بشكل عام، تكون مقبولة لدى معظم الناس، ولكن عند التطبيق يختلف الناس عليها ويختلفون".

■ يجب ألا نسأل الطلبة إذا كانت هذه العبارة صحيحة أم خاطئة، بل يجب أن نبحث متى تكون صحيحة وفي أي ظروف" ... يجب أن نشجع أكثر أسئلة مثل أيهما تعب أكثر 2 أم 5 ولماذا؟

(في إحدى مقالاته التي نُشرت في جريدة القدس في أواخر السبعينيات من القرن الماضي، توصل إلى أن الطلبة المحافظين في تفكيرهم وعاداتهم يميلون إلى دراسة الرياضيات". الكثير من الناس، وبخاصة العلميين منهم قالوا له كيف عرفت؟ هل قست؟ هل أخذت عينة عشوائية؟ هل أجريت دراسة؟)

على الرغم من أنني لم أفهم معظم ما كتبه منير، فإن ما فرآته أثار في داخلي أسئلة حيرتني:

ما معنى أن تكون للرياضيات علاقة بالسلطة؟ ما معنى أن تكون للرياضيات علاقة بالحضارة؟ ماذا يعني تمجيد الغرب للمعرفة المنعزلة؟

منسوب الرغبة في البحث، ومع ذلك فغالباً ما كنت أتجاهلها وأعتبر أن موضوعاتها أموراً زائدة عن الحاجة، ويدو أن الرغبة في تجاهل المعرفة تعادل الرغبة فيها، وبخاصة إذا كان الإنسان واقعاً تحت ضغط الواجب الوظيفي وسلطة العادة.

أتذكر في هذا المجال الطالبة هديل . . . التي كان يعتبرها بعض المعلمين متعالية وبعدهم الآخر يعتبرها جريئة . . . أتذكرها عندما وقفت في الصف العاشر، وقالت بلهجة احتجاجية:

كل ما نسألك عن أصل هذه النظرية أو عن قصتها أو عن معناها أو عن شكل ارتباطها في الواقع تهرب من الجواب . . . أو تبدأ بحل سؤال تعتبره تطبيقاً على النظرية، وتهتم بالتفاصيل والموصول إلى الجواب الصحيح . . . هل علموكم في الجامعة كيف تخلّون أسئلة فقط؟ أنا يا أستاذ أعرف أحلّ أسئلة . . . أعرف كيف أصل إلى الجواب الصحيح، ومع ذلك لا أرى أنها تضيف معنى لهذه القوانين والنظريات . . .

حاولت أن أدافع عن الرياضيات وأنا في الواقع أدافع عن نفسي، فحاولت تبيان بعض التطبيقات للموضوع . . . قاطعني هديل، وقالت:

لا أشك في أن لها تطبيقات في الواقع والحياة، ولكن ما يهمني أو لأن يكون لها معنى بالنسبة لي . . . ويوسفني أن أخبرك وقد أختر تمويني للقسم العلمي أن مادة الرياضيات عموماً لا تطابق عقلني، وكلما أحارط طويتها تتكسر النظريات والقوانين في داخلني وتصبح دون معنى. بتعرف ليش يا أستاذ؟ لأنها باردة وصلبة وجامدة كالتمايل، والتمايل عندما تحاول طويتها تتكسر.

من الأشياء التي أذكرها في أثناء ممارستي لهنة التعليم، اندداد الطلبة عند استخدام اللغة العادية في تدريس المفاهيم والنظريات لأنّ أقوال مثلاً إن هذه الإشارة سيجمّما لامنهما بتصير زي حرف أـ، الانحراف المعياري هو أداة لقياس قديش القيم بعيدة عن بعض، أو أن هذه اللانهاية بشعة أو تلك اللانهاية ناعمة . . . أو عند استخدام التشبيهات والمجاز لأن أشيء الأعداد بالبشر، أو أشبهاها بأشجار الغابات، أو عندما أقدم مفهوماً أو نظرية من خلال قصة؛ كنت أنتبه إلى الفارق النوعي في التفاعل الذي يُحدثه استخدام اللغة الطبيعية، كنت ألحظ اطمئنانهم وشعورهم بالألفة ورغبتهم في التعبير والخروج عن سياق الحصة. أذكر في إحدى حصص الصف الحادي عشر، وفي درس أنظمة العد قلت إن الصفر وب مجرد وقوفه على بين الأرقام ينقلها من مرتبة إلى مرتبة، ويزيد من أهميتها، وب مجرد وقوفه على بسارة يكون نقطة عديمة الأهمية، بينما يكون عندما حين يكون وحيداً. بعض الطالبات سلموا بما قلت، أصلاً لم أقل شيئاً غير عادي، ولكن ربما استخدمت لغة أقل رياضية من المألف. الطالبة نورس كانت تتطرّى إلى الجانب الآخر من الأمر، فسألت: هل الأرقام جعلت الصفر بهذه الأهمية أم هو الذي أعطى هذه الأرقام تلك المرتبة؟ ما شجع عاليّة على الاستفسار عن علاقة الصفر بالعدم، ورنان سألت عن إمكانية تحول الكميات المتناهية

في الصغر صفرأً، وتدعى الأفكار لدى يُسرى وقالت إن عكس معنى متناه في الصغر متناه في الكبر، واستفسرت إذا ما كانت هذه الكميات -المتناهية في الكبر- متساوية. الآن أقر أن استخدامي للغة الطبيعية في تقديم الدروس لم تكن خدمة هدف بنائي لموضوع الدرس، بل كانت في مجملها ممارسات برانية ارتجالية لا تتجاوز في أحسن الأحوال هدف إثارة اهتمام الطلبة بموضوع الدرس.

في بداية عملي باحثاً في مركز القبطان تثبتت بإرضي ، وقد أعلنت تجذّي للأبحاث الكمية ، وتبين لي بعد مرور سنة من العمل بؤس هذه اللعبة البحثية ، وقد أعلنت الحرب على تجذّي هذا مبتدأً بتفكك مكونات البحث الكمي من الفرضية الصفرية ، إلى الإطار النظري ، إلى حدود البحث ، إلى التصميم ، فالتحليل الإحصائي ، حتى التوصيات ، ومنتهياً بتفويض إيانى بالرقم ، حيث لم أعد أفهم هذا الإعجاب النمطي بالدقّة والرقم . لم أعد أرضى بالتضحيّة بتكميل الظواهر الإنسانية ذات العلاقات الديناميكية المتشابكة والمتذبذبة وتحويلها إلى أشياء مستقيمة وجامدة ، لكي تقاوم بالسيطرة ، وتأخذ نتيجة رقمية . لم أعد أقبل أن تكون النتيجة كليلة الأهمية ، فيبناء على فروق آل 0.001 مثلاً ، نرفض أشياء ونقبل أخرى ، وعلى أساس هذه النتيجة تؤخذ قرارات أو تتطور إستراتيجيات . هذا عبّي وغير معقول . عندما تكون النتيجة كلية الأهمية تنفصل الوسيلة عن غايتها . الناس يشنون الحرب من أجل السلام . هل من شيء يفوق ذلك عبّاً ولا معقولية !

كل حدث في حياة الإنسان هو فرصة للتعلم ، والأحداث لا تعلم دون استناد جدلي إلى حاضر يحولها من نظرة إلى فكرة إلى فعل إلى نظرة مرة أخرى ، دون أن تكون هناك فرصة لتحويل هذا المفتت في الماضي إلى مكشف في الحاضر ، ولعل التجربة البحثية -غير الكمية- مع زميلي ليانا "ثقافة الرياضيات . . . رياضيات ذات معنى" ، التي استمرت ثلاثة سنوات ، وشارك فيها معلمون ومعلمات من مدارس خاصة وحكومية في لواء رام الله ، قد وفرت لي الفرصة في لملمة الأحداث المعثرة في دائرة الداخل ، حيث امتنجت كلها بحوارات وقراءات وتأملات ، وتحولت إلى كتابات وورش عمل ومواد تعليمية ، تجاوزت التأمل والإنصات إلى الذات في أقصى حدودها ، أقول تجاوزتها إلى الفكر ، وقد تخطّتها إلى القصد في الممارسة في حدها الممكن .

الآن ، وفي ضوء التجربة والخبرة والعمل ، وفي سياق موصول بتلك التتف والأحداث التي تطرقت إليها في هذه الورقة ، أقدم قناعاتي ورؤيتني في موضوع تعليم الرياضيات وتعلّمها :

■ إن الرياضيات حتى يتم تعليمها يجب أن يكون لها معنى ، وحتى يكون لها معنى يجب أن تعلم كموضوع مفتوح على المعارف والعلوم . على التثافي والتفسيري والاجتماعي ، دون أن تكون محصورة في عالم من الرموز وال مجرّدات ، فال مجرد والشكلي لا يعطي مجالات للتعلم ، ولا يوفر كفاية للتواصل الحقيقي ، التجريد لا يعكس قوة في التفكير ، وإن كان فضعف بالتعبير -على حد تعبير منير فاشـهـ وبالتأليـيـ يجب تقديم الرياضيات في سياقات حقيقة وواقعية وأصيلة وكمركب يُدمج في منظومة تشمل اللغة العادية ، والصيغ ، والرموز

التمرин أو البرهان أو الطريقة، بل يُفكِّر فيها ويطرح التساؤلات.

وأخيراً، مع إيماني أن المعرفة نتاج ممارسة ذاتية عبر الآخر الحاضر دوماً فينا، وتأمل في التجربة عبوراً وتنافذاً، فإنني في الوقت ذاته أعتقد أن تجربتنا تظل ناقصة من دون الانفتاح على ما يكتب في حقول المعرفة الإنسانية كافة، هذا مع إيماني أن الرياضيات لصيقة إلى الفلسفة والأدب والفن. إن قراءة كل كتاب قد تكون فرصة للتحقيق في المناطق المظلمة التي تكتنفها العتمة، ويعطيها السؤال، وتترك أثراً في النفس، فأنا لا أستطيع أن أخفي ما تركته القراءات في نفسي؛ فسارت حفر في داخلي السؤال العادي، وألبير كامو أوحى لي بكم يكون الإنسان غريباً إذا فسر الأشياء بالمنطق المألفو... . وعبد الرحمن منيف ينـيـنـ لي إمكانية تعليم التاريخ نصاً روائياً قابلاً للتأويل، وابن عربـيـ يـنـيـنـ الفرق بين الكميات المتناهية في الكبير وتلك المتناهية في الصغر، وكيف يـنـيـنـ أن تحوي الثانية الأولى (وتزعم أنك جرم صغير وقد انطوى فيـكـ الكون الأـكـبـرـ)، أما تولستوي فأوحى لي بإمكانية تحـمـيلـ المـفـاهـيمـ الـرـياـضـيـةـ والـعـلـمـيـةـ صـفـاتـ النفسـ الإنسـانـيـةـ، وأدـهـشـنـيـ باـشـلـارـ بـقـدـرـتـهـ الكـاسـحةـ عـلـىـ إـيـصالـ الأـفـكـارـ العـقـالـيـةـ إـلـىـ مـخـتـبـراتـ الشـعـرـ بـطـرـيـقـةـ تـأـمـلـيـةـ عـلـمـيـةـ شـاعـرـيـةـ، جـمـعـتـ بـيـنـ الـإـسـعـارـةـ الـعـلـمـيـةـ وـالـبـرـهـانـ الأـدـبـيـ).

إن بعد كمسافة يمنحك فرصة أوسع للتأمل والتفكير والنظر إلى الخلف بعقل مفتوح، وإلى الأمام بحس وأمنية. عندما ألتفت إلى الخلف أرى أن تجربتي في التدريس كانت مجرد معادلات رياضية بسيطة، يجب أن يأتي أحد أطرافها علامات ونتائج وتحصيلاً مهما كانت أطراها الباقية! ... وهذا أسئلة عن الفائدة من قضاء السنوات في اجياز حروف النظريات وفواصلها؟ عن معنى هذه التفسيرات الحرافية القاتلة. (المـ يـقـلـ أحـدـهـمـ أـنـ الـحـرـفـ يـقـتـلـ أـمـاـ الـكـلـمـةـ فـتـحـيـ!).

عندما أظر إلى الإمام أتمنى العودة إلى المدارس نفسها التي كنت فيها طالباً أو معلماً، وأكون مع أساتذتي وطلابي لأحاول اكتشاف تلك الأخطاء التي لم أفترتها وكبلتني، وتلك التي افترتها وزادت من تكبيل غيري، لعلي أغير من بعض القناعات أو بعض الاتجاهات، وإنـاـ... ما الفائدة من هذه الأخطاء إذا لم تكن هذه الأخطاء ارتطاماً لتعديل الاتجاهات وتغيير القناعات. تلك القناعات التي تربـيـتـ عليهاـ أوـ رـيـبتـ غيرـيـ عليهاـ،ـ والتيـ تـكـفـلتـ التجـربـةـ وـالـمـارـسـةـ بـقـدـهاـ بـعـدـ ذـلـكـ!

وائل كشك - مركزقطان

## الهوامش

<sup>١</sup> المعلمة تمام قاسم من مدرسة بنات حميدية البرغوثي - عابود، والمعلمة شادن سعفان من مدرسة بنات سلواد الثانوية، والمعلم عبد الرحيم نور من مدرسة ذكور عين بيرود الثانوية، والمعلمة نفين حماد من مدرسة بنات كفر نعمة الثانوية، والمعلم قيس شبانة من مدرسة ذكور عبوين الثانوية، والمعلمة ليديا جعنبية من المدرسة الإنحصارية الأسقفية الثانوية - رام الله، والمعلمة لينا حمودة من مدرسة الفرنندر الثانوية - رام الله، وكذلك موجهة الرياضيات إيناس زهران من مديرية التربية والتعليم - رام الله.

الرياضية، والتلميذات والممارسات الاجتماعية، فالمعنى لا يمكن أن يكون خارج علاقة الإنسان بالعالم.

■ إن إزالة السياق بهدف التعليم هو من جوهر الرياضيات والعلوم الغربية، حيث يتم نزع القضايا من سياقاتها وتبسيطها وتفكيرها وإخضاعها لقوانين ومبادئ موضوعية، وصولاً إلى تعميمات وصيغ ومعادلات آمنة ولكنها خارجة عن المكان والزمان. غياب السياق شيء مألف في مناهجنا المدرسية، حيث تتحول النظريات والقوانين إلى ثانـيـاتـ تـكـسـرـ،ـ والأـرـاقـمـ إـلـىـ أـشـيـاءـ صـمـاءـ تـمـسـيدـ ولا تخدمـ.

■ وجود سياق واقعي و حقيقي للموضوع الرياضي يجعلنا نرى القوانين والنظريات والمفاهيم ضمن واقع حي يخضع لتنظيم مركب وثير لا يمكن تبسيطه في رؤية آلية تحكمها قوانين خطية ومبادئ تبسيطية، وبالمنطق نفسه الذي يحكم الآلة. لهذا، ففي السياق الواقعي لا توجد حقائق مطلقة، يمكن أن يكون الواحد لا يساوي الواحد مثلاً، يمكن أن تكون هذه النتيجة صحيحة في هذا السياق، وأقل صحة في سياق آخر، وخارطة في سياق ثالث. وإذا كان المنطق الرياضي يلائم بعض مظاهر الواقع الظاهري، فإنه لا يلائم مظاهر الواقع المركبة، التي تتطلب منطقاً يرى الواقع دائرة ولا يراه خطأً مستقيماً.

■ القصة ليست حكياً فاضياً أو شيئاً بريانياً، بل هي سياق من شأنه تمكين الطلبة من ممارسة أفعال التعبير بأقصى الطاقات، وبالتالي فنجاح تقديم مفاهيم رياضية داخل نص قصصي يساعد الطلبة على استيعاب المفهوم في سياق ديناميكي تتعدد فيه المعاني وتحتفل المنظورات، حيث تظهر المفاهيم الرياضية كأفكار اجتماعية المنشأ، وهذا يتيح فرصة للطلبة لكي يُطورو معانيهم الذاتية في الموضوع. وعبر النص القصصي أيضاً تتوفر الفرصة لتجاوز الجواب الواحد والطريقة الواحدة ويتحرر الطلبة من ممارسات مقيدة بالقوانين والقواعد والخوارزميات التي ترسخ نزعة جامدة ومنقطعاً شيئاً في التعامل مع المسائل والمشكلات الرياضية، وتنقيب الإنتاج الشخصي. كذلك اللغة الطبيعية تُعتبر مجالاً واسعاً لتعليم رياضيات ذات معنى، فاستعمالها في حصة الرياضيات ليس أمراً زائداً، بل هو أمر أساسى، حيث اللغة الطبيعية هي الجسد الحسي الذي يوفر للموضوعات الرياضية سمات الوجود وإنماكنات الحياة، فلا يجوز حشر الطلاب ضمن عالم من الإشارات والرموز ومصطلحات تفتقر إلى الحيوية، ونحوها إذا لم يستعملها عندما تقـيـمـ قـدـرـتـهـمـ عـلـىـ استـعـمـالـ هـذـهـ الإـشـارـاتـ والـرـمـوزـ.ـ إنـ اللـغـةـ الطـبـعـيـةـ تـخـضـعـ عمـلـيـةـ تـعـلـيمـ الـرـياـضـيـاتـ منـ تعـالـيـاـ السـماـويـ،ـ وـتـسلـكـ بهاـ سـلـوكـ أـرـضـيـاـ،ـ تـبـنيـ عـلـىـ أـسـاسـهـ المـعـانـيـ وـتـفـتـحـ المـجـالـ للـطـلـبـةـ لـتـجـاـوـزـ الـمـجـالـ الـرـياـضـيـ وـالـنـظـرـ إـلـىـ جـوـانـبـ أـخـرـىـ مـنـ الـعـرـفـةـ.ـ وـعـلـىـ،ـ فعلـيـ المـلـمـ توـظـيـفـ اللـغـةـ ذاتـ المعـنـىـ منـ أـجـلـ تـطـوـيرـ المعـنـىـ لـلـغـةـ الـرـياـضـيـةـ.

■ قد يكون من الضروري الحفاظ على الدقة الرياضية وتعويد الطلاب على أهميتها، ومع ذلك يجب الاختصار في بعض الأحيان. إن شرحاً دقيقاً وصحيحاً وحرفيًّا بشكل كامل، وبالتالي أطول وأصعب بالضرورة، غالباً ما يحجب المعنى بدل من أن يُظهره. فالإغراق في الخطوات والتفاصيل كمن يعد الأشجار دون أن يرى الغابة، ولهذا فإهمال بعض التفاصيل أو الشرح الصغيرة التي يُطلب من الطالب أن يعرفها، أمر يُساعده في إضفاء المعنى على ما يتعلم دون أن يحفظ